W. Schiffmann, R. Schmitz, J. Weiland

# Technische Informatik

Übungsbuch

3. Auflage

## Vorwort zur dritten Auflage

Dieses Übungsbuch zur Technischen Informatik entstand aus Lehrveranstaltungen, die wir seit mehreren Jahren an den Universitäten Hagen und Koblenz für Informatikstudenten anbieten. Die positive Resonanz auf die beiden Lehrbücher, die unter dem gleichen Titel nun bereits in mehreren Auflagen vorliegen, ermunterte uns, auch ein entsprechendes Übungsbuch zu erstellen. Die vorliegende dritte überarbeitete Auflage des Übungsbandes soll daher als Ergänzung zu den beiden Lehrbüchern Schiffmann/Schmitz: Technische Informatik Bd. 1: Grundlagen der digitalen Elektronik sowie Bd. 2: Grundlagen der Computertechnik dienen. Gegenüber der zweiten Auflage wurden im Kapitel Computertechnik zehn neue Aufgaben hinzugefügt.

Neben das theoretische Studium sollten Übungen treten, um einerseits die praktische Anwendung der Theorie zu verdeutlichen und andererseits ihr Verständnis zu vertiefen bzw. zu festigen. Mit der vorliegenden Auswahl von Aufgaben und Lösungen haben wir versucht, diesen beiden Aspekten gerecht zu werden. Wie in den beiden Lehrbücher beschränken wir uns auch hier auf die *Grundlagen* der Technischen Informatik und schließen dabei auch die Grundlagen der Elektronik ein, obwohl diese nicht direkt zur Technischen Informatik gehören.

Digitale Informationsverarbeitung beruht auf der Darstellung von Daten durch elektrische Ströme oder Spannungen. Derart repräsentierte Daten können schnell und einfach übertragen, elektronisch verknüpft oder gespeichert werden. Die Grundlage für die Analyse dieser Vorgänge bildet also die Elektrotechnik. Wir haben uns deshalb bemüht, einige Aufgaben aus diesem Bereich zu finden, die für die Informatik von besonderem Interesse sind. Es folgen Aufgaben zu Halbleiterbauelementen und einfachen elektronischen Verknüpfungsgliedern.

Ein Schwerpunkt der Aufgaben konzentriert sich auf die Themenbereiche Schaltnetze und Schaltwerke, die die Basis aller digitalen Systeme zur Informationsverarbeitung bilden. Anhand der ausgewählten Aufgaben sollen vor allem verschiedene Methoden zur Analyse und Synthese dieser grundlegenden Funktionseinheiten von Computern eingeübt werden. Neben der Anwendung von KV-Tafeln, die eine Standardmethode zur Minimierung von Schaltfunktionen darstellen, wird auch das weniger geläufige Verfahren von Quine-McCluskey benutzt. Im Anhang findet man eine vergleichende Gegenüberstellung dieser beiden Optimierungsverfahren.

Während die meisten Aufgaben des Übungsbuchs sich auf den Band 1 der Lehrbücher beziehen, sind im letzten Kapitel die Aufgaben zur Computertechnik zusammengestellt. Ergänzend zu den Beispielen im Band 2 findet man hier weitere Aufga-

ben zu den Simulationsprogrammen **opw** und **ralu**, die kostenlos über die Webseite "Technische-Informatik-Online.de" bereitgestellt werden. Mit Hilfe dieser beiden Programme können eigene Steueralgorithmen bzw. Mikroprogramme auf einer "virtuellen" Hardware praktisch erprobt werden. Beide oben genannten Programme sind sowohl im C-Quellcode (Benutzung über eine Shell) als auch im Maschinencode für die WINDOWS-Oberfläche verfügbar. Darüber hinaus findet man auf der Webseite auch Hilfsprogramme zur Lösung der Aufgaben aus dem Bereich Zahlendarstellung und asynchroner Kommunikation.

Das Buch besteht im wesentlichen aus zwei Teilen – den Aufgabenstellungen und den Musterlösungen. Diese Zweiteilung soll den Benutzer motivieren, zunächst selbständig eine Lösung zu erarbeiten und diese später anhand der Musterlösung zu überprüfen. Die Aufgaben sind gemäß den Themen in den beiden Lehrbüchern geordnet, so dass die zugrundeliegende Theorie parallel dazu erarbeitet werden kann. Teilweise bauen die Aufgaben auch aufeinander auf, was durch Querverweise gekennzeichnet ist. Jede Aufgabe trägt außerdem eine Kurzbezeichnung, um das dort behandelte Problem möglichst prägnant zu charakterisieren.

Die Lösungen zu den Aufgaben findet man im zweiten Teil des Buches. Natürlich handelt es sich dabei nicht um die Standardlösungen schlechthin. Es werden aber nicht nur einfach die Endergebnisse präsentiert, sondern wir haben uns bemüht, dem Leser unseren Lösungsweg verständlich und übersichtlich darzulegen. Dadurch hat man z.B. die Möglichkeit, jederzeit die Musterlösung zu verlassen, wenn der Einstieg in eine Lösung gefunden ist. Darüberhinaus wurden häufig alternative Lösungswege angegeben.

Im Anhang werden schließlich einige Hilfsmittel beschrieben, die für die Lösung bestimmter Aufgaben nützlich sind. Dabei handelt es sich meistens um abgeleitete Formeln, die bei ihrer Anwendung einige Zusatzrechnungen ersparen können.

Wie Eingangs bereits bemerkt wurde, soll das Übungsbuch als eine Ergänzung zu den beiden Lehrbücher betrachtet werden. Da diese ausführliche Literaturhinweise zur erforderlichen Theorie enthalten, haben wir hier auf ein Literaturverzeichnis verzichtet.

Ein Sachverzeichnis am Ende des Übungsbuchs erleichtert den Zugriff auf Aufgaben und Lösungen zu bestimmten Themengebieten.

Für die Hilfe, das Buch mit dem LATEX-Formatiersystem zu setzen, möchten wir uns besonders bei Frau Franzen bedanken. Frau Hestermann-Beyerle und Herrn Dr. Merkle vom Springer-Verlag sei für die gute und freundliche Zusammenarbeit gedankt. Weiterhin danken wir allen unseren Familienangehörigen, Freunden und Kollegen deren Zuspruch und Ermunterung uns angespornt hat. Wir danken auch Herrn Prof. Dr. H. Druxes, dass er unsere Arbeit unterstützt hat. Wir hoffen, dass dieses Buch bei vielen Studenten und Interessierten Anklang findet.

Hagen und Koblenz, im Dezember 2003

Wolfram Schiffmann Robert Schmitz Jürgen Weiland Inhaltsverzeichnis

## Inhaltsverzeichnis

$\mathbf{T}$	${ m eil} \; { m I-Aufgaben}$	1
1	Grundlagen der Elektrotechnik	3
	Aufgabe 1: Punktladungen	3
	Aufgabe 2: Elektronenstrahlröhre	3
	Aufgabe 3: Kapazität eines Koaxialkabels	5
	Aufgabe 4: Elektronenbeweglichkeit in Metallen	5
	Aufgabe 5: Widerstandsnetzwerk 1	6
	Aufgabe 6: Widerstandsnetzwerk 2	7
	Aufgabe 7: Maschenregel	7
	Aufgabe 8: Zwei Spannungsquellen	8
	Aufgabe 9: Strom— und Spannungsfehlerschaltung	8
	Aufgabe 10: Messbereichserweiterung	8
	Aufgabe 11: Dreieck- und Sternschaltung	9
	Aufgabe 12: Wheatstonebrücke	9
	Aufgabe 13: Lorentzkraft	10
	Aufgabe 14: Effektivwert	11
	Aufgabe 15: Oszilloskop	12
	Aufgabe 16: Induktion	13
	Aufgabe 17: Kondensatoraufladung	13
	Aufgabe 18: RC–Glied	13
	Aufgabe 19: Impulse auf Leitungen	14
	Aufgabe 20: Datenübertragung	14
<b>2</b>	Halbleiterbauelemente	16
	Aufgabe 21: Bändermodell	16
	Aufgabe 22: Diodenkennwerte messen	16
	Aufgabe 23: Diodenkennlinien erstellen	16
	Aufgabe 24: Freilaufdiode	17
	Aufgabe 25: Zenerdiode	17
	Aufgabe 26: Transistor–Kennlinie	18

iv Inhaltsverzeichnis

3	Elektronische Verknüpfungsglieder	20
	Aufgabe 27: RTL-NICHT-Glied	20
	Aufgabe 28: TTL–Glieder	21
	Aufgabe 29: Signalübergangszeiten eines CMOS–NICHT–Gliedes	23
	Aufgabe 30: CMOS–NOR–Glied	24
4	Schaltnetze	25
	Aufgabe 31: Wechselschalter	25
	Aufgabe 32: Schaltnetz mit 3 Variablen	26
	Aufgabe 33: Vierstufiges Schaltnetz	27
	Aufgabe 34: Dreistufiges Schaltnetz	28
	Aufgabe 35: NAND-Logik	28
	Aufgabe 36: NOR–Logik	29
	Aufgabe 37: Synthese mit 4 Variablen	29
	Aufgabe 38: Implikation	29
	Aufgabe 39: Quine–McCluskey	30
	Aufgabe 40: Lastkontrolle	30
	Aufgabe 41: Paritätsbit	31
	Aufgabe 42: Analyse eines TTL-Bausteines	31
	Aufgabe 43: 1–Bit Volladdierer	32
	Aufgabe 44: 4–Bit Subtrahierer	32
	Aufgabe 45: Normalform–Paralleladdierer	32
	Aufgabe 46: Multiplizierer	32
	Aufgabe 47: 1–Bit ALU	33
	Aufgabe 48: Multiplexer	34
	Aufgabe 49: Dual— zu Siebensegmentdekoder	34
	Aufgabe 50: Hazards	35
5	Speicherglieder	36
	Aufgabe 51: Dynamische Eintransistor–Speicherzelle	36
	Aufgabe 52: RS–Kippglied	37
	Aufgabe 53: D–Kippglied mit Taktzustandssteuerung	38
	Aufgabe 54: Übergangsfunktion des JK-Flipflop	39
	Aufgabe 55: JK-Master-Slave-Kippglied	39
	Aufgabe 56: D–Kippglied mit Taktflankensteuerung	40

Inhaltsverzeichnis v

6	Schaltwerke
	Aufgabe 57: Schaltwerk mit JK-Flipflops
	Aufgabe 58: Asynchrones Schaltwerk
	Aufgabe 59: 2–Bit–Synchronzähler
	Aufgabe 60: 3–Bit–Synchronzähler
	Aufgabe 61: Medvedev–Automaten
	Aufgabe 62: Johnsonzähler
	Aufgabe 63: Serienaddierer
	Aufgabe 64: Entwurfsschritte
	Aufgabe 65: Synchronzähler
	Aufgabe 66: Modulo–4 Zähler
	Aufgabe 67: Zustandsautomaten
	Aufgabe 68: Schieberegister
	Aufgabe 69: Mikroprogrammsteuerwerk
	Aufgabe 70: 4–Bit Synchronzähler
	Aufgabe 71: Umschaltbarer 3–Bit–Synchronzähler
	Aufgabe 72: PLA-Baustein
	Aufgabe 73: 8421–BCD–Code Tester
7	Computertechnik
	Aufgabe 74: Maximale Taktfrequenz
	Aufgabe 75: Operationswerk
	Aufgabe 76: Dualzahlen
	Aufgabe 77: Hexadezimalzahlen
	Aufgabe 78: Umwandlung natürlicher Zahlen
	Aufgabe 79: Umwandlung gebrochener Zahlen
	Aufgabe 80: Subtraktion von Dualzahlen
	Aufgabe 81: Zweierkomplement
	Aufgabe 82: Subtraktionsprogramm
	Aufgabe 83: Multiplikation und Division in dualer Darstellung
	Aufgabe 84: Multiplikationsprogramm
	Aufgabe 85: Bereichsüberschreitung beim Zweierkomplement
	Aufgabe 86: 8–Bit Subtraktionen im Dualsystem
	Aufgabe 87: Umrechnung von m/s in km/h
	Aufgabe 88: Bestimmung des Logarithmus zur Basis 2
	Aufgabe 89: Befehlssatz eines Prozessors
	Aufgabe 90: Fahrenheit nach Celsius
	Aufgabe 91: Briggscher Logarithmus
	Aufgabe 92: Exponent für Gleitkommaformat nach IEEE-754
	Aufgabe 93: Gleitkomma–Multiplikation
	Aufgabe 94: Branch Target Cache

vi Inhaltsverzeichnis

	Aufgabe 95: Analyse von CISC-Assembler
	Aufgabe 96: CISC versus RISC
	Aufgabe 97: Scheduling und Renaming
	Aufgabe 98: Magnetisierungsmuster
	Aufgabe 99: Cyclic Redundancy Check
	Aufgabe 100: Virtueller Speicher mit Paging–Technik
	Aufgabe 101: Tastenfeld
	Aufgabe 102: Parallele Schnittstelle
	Aufgabe 103: Asynchrone Übertragung
$\mathbf{T}$	eil II – Lösungen
1	Grundlagen der Elektrotechnik
	Lösung 1: Punktladungen
	Lösung 2: Elektronenstrahlröhre
	Lösung 3: Kapazität eines Koaxialkabels
	Lösung 4: Elektronenbeweglichkeit in Metallen
	Lösung 5: Widerstandsnetzwerk 1
	Lösung 6: Widerstandsnetzwerk 2
	Lösung 7: Maschenregel
	Lösung 8: Zwei Spannungsquellen
	Lösung 9: Strom– und Spannungsfehlerschaltung
	Lösung 10: Messbereichserweiterung
	Lösung 11: Dreieck– und Sternschaltung
	Lösung 12: Wheatstonebrücke
	Lösung 13: Lorentzkraft
	Lösung 14: Effektivwert
	Lösung 15: Oszilloskop
	Lösung 16: Induktion
	Lösung 17: Kondensatoraufladung
	Lösung 18: RC–Glied
	Lösung 19: Impulse auf Leitungen
	Lösung 20: Datenübertragung
2	Halbleiterbauelemente
	Lösung 21: Bändermodell
	Lösung 22: Diodenkennwerte messen
	Lösung 23: Diodenkennlinien erstellen
	Lösung 24: Freilaufdiode
	Lösung 25: Zenerdiode
	Lösung 26: Transistor–Kennlinie

Inhaltsverzeichnis vii

3	Elektronische Verknüpfungsglieder	109
	Lösung 27: RTL–NICHT–Glied	109
	Lösung 28: TTL–Glieder	111
	Lösung 29: Signalübergangszeiten eines CMOS–NICHT–Gliedes	115
	Lösung 30: CMOS–NOR–Glied	118
4	Schaltnetze	120
	Lösung 31: Wechselschalter	120
	Lösung 32: Schaltnetz mit 3 Variablen	122
	Lösung 33: Vierstufiges Schaltnetz	123
	Lösung 34: Dreistufiges Schaltnetz	129
	Lösung 35: NAND–Logik	131
	Lösung 36: NOR–Logik	131
	Lösung 37: Synthese mit 4 Variablen	132
	Lösung 38: Implikation	134
	Lösung 39: Quine–McCluskey	135
	Lösung 40: Lastkontrolle	141
	Lösung 41: Paritätsbit	142
	Lösung 42: Analyse eines TTL–Bausteines	145
	Lösung 43: 1–Bit Volladdierer	148
	Lösung 44: 4–Bit Subtrahierer	149
	Lösung 45: Normalform–Paralleladdierer	151
	Lösung 46: Multiplizierer	154
	Lösung 47: 1–Bit ALU	158
	Lösung 48: Multiplexer	165
	Lösung 49: Dual– zu Siebensegmentdekoder	167
	Lösung 50: Hazards	168
5	Speicherglieder	170
	Lösung 51: Dynamische Eintransistor–Speicherzelle	170
	Lösung 52: RS–Kippglied	174
	Lösung 53: D–Kippglied mit Taktzustandssteuerung	175
	Lösung 54: Übergangsfunktion des JK–Flipflop	176
	Lösung 55: JK–Master–Slave–Kippglied	177
	Lösung 56: D–Kippglied mit Taktflankensteuerung	178

viii Inhaltsverzeichnis

6	Schaltwerke	179
	Lösung 57: Schaltwerk mit JK–Flipflops	179
	Lösung 58: Asynchrones Schaltwerk	180
	Lösung 59: 2–Bit–Synchronzähler	183
	Lösung 60: 3–Bit–Synchronzähler	183
	Lösung 61: Medvedev–Automaten	185
	Lösung 62: Johnsonzähler	185
	Lösung 63: Serienaddierer	186
	Lösung 64: Entwurfsschritte	188
	Lösung 65: Synchronzähler	191
	Lösung 66: Modulo–4 Zähler	192
	Lösung 67: Zustandsautomaten	196
	Lösung 68: Schieberegister	199
	Lösung 69: Mikroprogrammsteuerwerk	201
	Lösung 70: 4–Bit Synchronzähler	202
	Lösung 71: Umschaltbarer 3–Bit–Synchronzähler	202
	Lösung 72: PLA–Baustein	204
	Lösung 73: 8421–BCD–Code Tester	206
7	Computertechnik	212
	Lösung 74: Maximale Taktfrequenz	212
	Lösung 75: Operationswerk	212
	Lösung 76: Dualzahlen	213
	Lösung 77: Hexadezimalzahlen	213
	Lösung 78: Umwandlung natürlicher Zahlen	214
	Lösung 79: Umwandlung gebrochener Zahlen	215
	Lösung 80: Subtraktion von Dualzahlen	216
	Lösung 81: Zweierkomplement	217
	Lösung 82: Subtraktionsprogramm	219
	Lösung 83: Multiplikation und Division in dualer Darstellung	219
	Lösung 84: Multiplikationsprogramm	220
	Lösung 85: Bereichsüberschreitung beim Zweierkomplement	221
	Lösung 86: 8–Bit Subtraktionen im Dualsystem	222
	Lösung 87: Umrechnung von m/s in km/h	224
	Lösung 88: Bestimmung des Logarithmus zur Basis 2	225
	Lösung 89: Befehlssatz eines Prozessors	227
	Lösung 90: Fahrenheit nach Celsius	231
	Lösung 91: Briggscher Logarithmus	232
	Lösung 92: Exponent für Gleitkommaformat nach IEEE–754	233
	Lösung 93: Gleitkomma–Multiplikation	234
	Lösung 94: Branch Target Cache	235

Inhaltsverzeichnis ix

	Lösu	ıng 95:	Analyse von CISC–Assembler	235
	Lösu	ıng 96:	CISC versus RISC	236
	Lösu	ıng 97:	Scheduling und Renaming	236
	Lösu	ıng 98:	Magnetisierungsmuster	237
	Lösu	ıng 99:	Cyclic Redundancy Check	239
	Lösu	ıng 100:	: Virtueller Speicher mit Paging—Technik	239
	Lösu	ıng 101:	: Tastenfeld	241
	Lösu	ing 102:	: Parallele Schnittstelle	242
	Lösu	ıng 103:	: Asynchrone Übertragung	242
$\mathbf{T}_{0}$	eil I	II - A	Anhang	249
$\mathbf{A}$	Wis	sensch	aftliche Gleichungen	251
	A.1	Größer	ngleichungen	251
	A.2	Einhei	tengleichungen	251
	A.3	Zugesc	chnittene Größengleichungen	252
В	Anv	vendur	ngen des Ohmschen Gesetzes	253
	B.1	Spann	ungsteilerregel	253
	B.2	Stromt	teilerregel	254
$\mathbf{C}$	Anv	vendur	ngen der Kirchhoffschen Sätze	255
	C.1	Masch	enstromverfahren	255
D	Sch	altnetz	entwurf	261
	D.1	Schalt	netzentwurf mit NAND-Gliedern	261
	D.2	Schalt	netzentwurf mit NOR–Gliedern	262
	D.3		ierungsverfahren im Vergleich: Quine–McCluskey und Karnaugh–	2.62
		Veitch		262
$\mathbf{E}$	Sim	ulation	nsprogramme	267
	E.1	Simula	ationsprogramm eines Operationswerks	267
		E.1.1	Aufbau des Operationswerks	267
		E.1.2	Benutzung des Programms	267
		E.1.3	Betriebsarten und Befehle	269
			Interaktiv–Modus	269
			Programm–Modus	271
	E.2	RALU	-Simulation	272
		E.2.1	Aufbau der RALU	272
		E.2.2	Benutzung des Programms	272
		E.2.3	Setzen von Registern	273

x In	haltsverzeichnis
------	------------------

Sachverzeich	nis	277
E.2.7	Kommentare und Verkettung von Befehlen	275
E.2.6	Statusregister und Sprungbefehle	275
E.2.5	Takten und Anzeigen der RALU	274
E.2.4	Steuerwort der RALU	273

## 1 Grundlagen der Elektrotechnik

#### Aufgabe 1: Punktladungen

Gegeben sind drei Punktladungen im materiefreien Raum, die wie in Abb. A1.1 angeordnet sind.

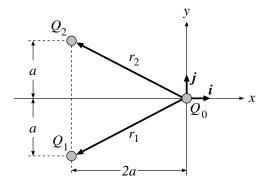


Abb. A1.1: Drei Punktladungen

Für die Ladungen und deren Abstände zu  $Q_0$  gilt dabei:

$$|Q_0| = |Q_1| = |Q_2|, |r_1| = |r_2|$$

Bestimmen Sie die Gesamtkraft, die die Ladungen  $Q_1$  und  $Q_2$  auf  $Q_0$  ausüben, wenn

A.1.1: alle Ladungen positiv sind,

A.1.2: alle Ladungen negativ sind,

A.1.3:  $Q_1$  negativ ist und  $Q_2$  und  $Q_0$  positiv sind.

A.1.4: Wie groß ist die elektrische Feldstärke am Ort von  $Q_0$  für den Fall, dass  $Q_1$  positiv und  $Q_2$  negativ ist ?

Lösung auf Seite 69

### Aufgabe 2: Elektronenstrahlröhre

Abbildung A2.1 zeigt den Aufbau einer Elektronenstrahlröhre. Die Elektronenbewegung wird auf dem Weg von der Kathode K zum Bildschirm S bezüglich Geschwindigkeit

#### Aufgabe 6: Widerstandsnetzwerk 2

Gegeben ist das Netzwerk aus Abb. A6.1.

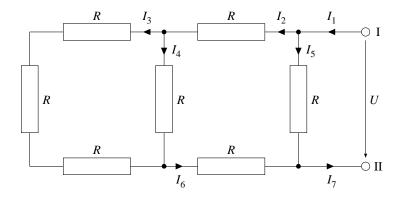


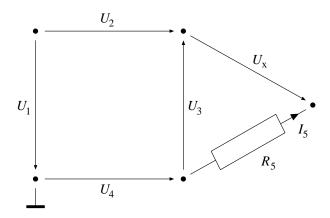
Abb. A6.1: Widerstandsnetzwerk zur Aufgabe 6

- A.6.1: Berechnen Sie den Gesamtwiderstand zwischen den Punkten I und II, wenn jeder Widerstand der angegebenen Schaltung den Wert  $R = 1 \Omega$  hat!
- A.6.2: Zwischen den Punkten I und II wird eine Spannung  $U=10\,\mathrm{V}$  angelegt. Wie groß sind die Ströme  $I_1$  bis  $I_7$  ?

Lösung auf Seite 78

#### Aufgabe 7: Maschenregel

Gegeben ist ein Netz mit 5 Knoten (Abb. A7.1).



**Abb. A7.1**: Netz mit unbekannter Spannung  $U_{\mathbf{x}}$ 

Dabei seien folgende Größen gegeben:

$$U_1 = 2 \, \text{V}$$
  $U_2 = 7 \, \text{V}$   $U_4 = 3 \, \text{V}$   $R_5 = 1 \, \text{k}\Omega$   $I_5 = 1 \, \text{mA}$ 

Bestimmen Sie die Spannung  $U_{\mathbf{x}}$  mit Hilfe der Maschenregel !

Lösung auf Seite 81

14 Teil I – Aufgaben

#### Aufgabe 19: Impulse auf Leitungen

Ein Impulsgenerator (Rechner) sendet über ein Koaxialkabel der Länge l=1 m einen Impuls von 2 V der Dauer T=30 ns (Abb. A19.1).

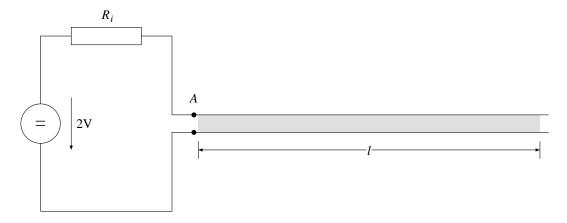


Abb. A19.1: Ersatzschaltbild eines Senders mit angeschlossenem Koaxialkabel

Der Innenwiderstand des Generators ist  $R_i = 50 \Omega$ . Der Wellenwiderstand des Koaxialkabels ist  $Z_W = 50 \Omega$ , die Dielektrizitätskonstante des Dielektrikums ist  $\varepsilon_r = 2,25$  ( $\mu_r = 1$ ).

Zeichen Sie die Kurvenform am Kabeleingang in einem Spannungs–Zeit–Diagramm, wenn

- A.19.1: der Kabelausgang offen ist!
- A.19.2: der Kabelausgang kurzgeschlossen ist!
- A.19.3: Erläutern Sie, weshalb der Kabelausgang mit einem  $50\,\Omega$  Widerstand abgeschlossen werden sollte !

Lösung auf Seite 95

#### Aufgabe 20: Datenübertragung

Abbildung A20.1 zeigt die Datenübertragung zwischen Rechnern mittels Koaxialkabel. Der Generator G (Rechner) sendet mit einer Datenrate von 2 MBit/s und einer Spannung von  $U_0 = 10 \,\mathrm{V}$ . Das Koaxialkabel hat einen Wellenwiderstand von  $Z_W = 50 \,\Omega$  und eine Dämpfung von  $16 \,\mathrm{dB/km}$ . Es soll ferner  $R_i = Z_W$  sein. Die Dielektrizitätskonstante des Dielektrikums ist  $\varepsilon_r = 2,25 \,(\mu_r = 1)$ .

Der Eingangswiderstand von Rechner 1 ist  $R_1 = 5 \,\mathrm{k}\Omega$  und wird als ohmscher Widerstand angesehen.

Der Widerstandswert von  $R_2$  soll sehr hoch sein  $(R_2 \to \infty, z.B.$  der Eingangswiderstand eines Oszilloskops), damit er das zu übertragende Signal nicht stört.

4 Schaltnetze 33

- Addition mit Verschiebung (Shiften)

Hier soll die Multiplikation jedoch als Normalform–Parallelmultiplikation ausgeführt werden.

- A.46.1: Erstellen Sie eine minimale Schaltung gemäß den Schritten zur Synthese von Schaltnetzen aus dem Lehrbuch, Band 1.
- A.46.2: Realisieren Sie zusätzlich die Schaltung nur mit NAND-Gliedern.

Lösung auf Seite 154

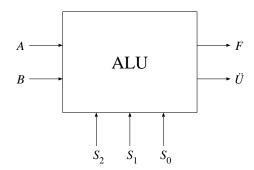
#### Aufgabe 47: 1-Bit ALU

Entwerfen Sie ein Schaltnetz, das arithmetische und logische Verknüpfungen von zwei Variablen A und B durchführt (1–Bit ALU). Die Verknüpfungen sollen über die 3 Steuervariablen  $S_2, S_1, S_0$  entsprechend gegebener Tabelle (Tabelle A47.1) durchgeführt werden.

$S_2$	$S_1$	$S_0$	Funktion
0	0	0	$A \wedge B$
0	0	1	$A \vee B$
0	1	0	$A \overline{B} \vee \overline{A} B$
0	1	1	A
1	0	0	$\overline{A}$
1	0	1	A + B
1	1	0	$\overline{A} + 1$
1	1	1	B

Tabelle A47.1: Zuordnung der ALU-Operationen zu den Steuervariablen  $S_2, S_1, S_0$ 

Das Schaltnetz soll neben dem Ergebnisausgang noch einen Übertragsausgang besitzen, der für die nicht arithmetischen Operationen immer 0 sein soll. Ein Blockschaltbild der zu erstellenden ALU stellt somit Abb. A47.1 dar.



 $\begin{array}{lll} \textbf{Abb.} & \textbf{A47.1} \text{: Blockschaltbild der} \\ \textbf{ALU} & \end{array}$ 

A.47.1: Erstellen Sie die vollständige Funktionstabelle auf Basis der Tabelle A47.1.

48 Teil I – Aufgaben

#### Aufgabe 67: Zustandsautomaten

Gegeben ist der Zustandsgraph eines synchronen Schaltwerkes nach Abb. A67.1.

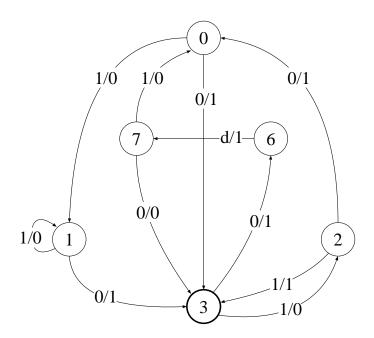


Abb. A67.1: Zustandsgraph eines synchronen Schaltwerkes

Das Schaltwerk besitzt die Zustände  $Z_i$  (i=0,1,2,3,6,7) und verfügt sowohl über einen Eingang X als auch einen Ausgang Y. Die Beschriftung der einzelnen Kanten ist in der Form X/Y angegeben, wobei ein d für don't care steht. Der Zustand 3 ist der Startzustand des Schaltwerkes. Realisieren Sie das beschriebene Schaltwerk mit Hilfe von JK-Flipflops. Die Kodierung der einzelnen Zustände soll dabei der Darstellung des Zustands als duale Zahl entsprechen, d.h. der Zustand 3 soll als 011 kodiert werden.

- A.67.1: Erstellen Sie die Wertetabelle für die Steuereingänge der JK-Flipflops. Beachten Sie dabei die Möglichkeiten zur Optimierung.
- A.67.2: Geben Sie für die Steuersignale jeweils eine kürzeste DF an. Die Optimierung soll dabei für jedes Steuersignal einzeln erfolgen und die Unvollständigkeit der Wertetabelle ausnutzen.

Lösung auf Seite 196

#### Aufgabe 68: Schieberegister

Entwerfen Sie ein 3-Bit-Schieberegister mit folgenden Eigenschaften:

- Rechtsschieben
- Linksschieben
- Parallel einlesen
- Löschen

Teil I – Aufgaben

#### Aufgabe 84: Multiplikationsprogramm

Schreiben Sie für die Operationswerk-Simulation (Anhang E.1) ein Programm zur Multiplikation zweier Zahlen. Die Zahlen sollen von den Dateneingängen gelesen werden und das Ergebnis soll im Register Y stehen.

Lösung auf Seite 220

#### Aufgabe 85: Bereichsüberschreitung beim Zweierkomplement

- A.85.1: Zeichnen Sie einen Zahlenkreis für die Zweierkomplementdarstellung einer 3-Bit Zahl (vgl. Lehrbuch Band 2). Die duale Darstellung soll außerhalb und der dezimale Wert innerhalb des Zahlenkreises abgetragen werden.
- A.85.2: Geben Sie vier Beispiele für Additionen an, bei denen sich ein
  - a) negatives Ergebnis
  - b) positives Ergebnis
  - c) Underflow
  - d) Overflow

ergibt ! Beachten Sie dabei die Belegung der Überträge  $c_2$  und  $c_3$  bzw. deren Antivalenz-Verknüpfung.

Lösung auf Seite 221

#### Aufgabe 86: 8-Bit Subtraktionen im Dualsystem

Subtrahieren Sie im Dualsystem, indem Sie das Zweierkomplement addieren. Alle Zahlen sollen mit einer Maschinenwortbreite von acht Bit dargestellt werden. Vergleichen Sie ihre Ergebnisse mit entsprechenden Rechnungen im Dezimalsystem und kommentieren Sie die Ergbnisse!

A.86.1: Geben Sie den mit der vorgegebenen Maschinenwortbreite darstellbaren Zahlenbereich an!

Bestimmen Sie nun folgende Differenzen:

A.86.2: 
$$115_{10} - 68_{10} = ?$$

A.86.3: 
$$70_{10} - 87_{10} = ?$$

A.86.4: 
$$-54_{10} - 76_{10} = ?$$

Teil I - Aufgaben

Demonstrieren Sie die Anwendung an folgenden Zahlen:

A.92.2: 4096

A.92.3:  $\pi$ 

A.92.4: -280492

Lösung auf Seite 233

#### Aufgabe 93: Gleitkomma-Multiplikation

- A.93.1: Welche Schritte müssen durchgeführt werden, um zwei Gleitkommazahlen (vgl. Lehrbuch Band 2) miteinander zu multiplizieren ?
- A.93.2: Demonstrieren Sie die Anwendung dieser Schritte an folgender Gleitkomma-Multiplikation:

 $0,8365 \cdot 10^3 * 0,103 \cdot 10^{-2}$ 

Lösung auf Seite 234

#### Aufgabe 94: Branch Target Cache

Gegeben sei folgendes kurzes Programm

1: Load R1,#10 ; R1 mit 10 laden 2: Add R1,R1,#1 ; R1 inkrementieren

3: Store [R2],R1 ; R1 indirekt in externes RAM (Adresse R2) speichern

4: Jump 1 ; bei 1 fortfahren

- A.94.1: Wie viele Schreib/Lese-Zugriffe sind auf das externe RAM zu beobachten, wenn der Prozessor keinerlei Cachespeicher besitzt?
- A.94.2: Nun werde der Prozessor um einen BTC (Branch Target Cache) erweitert. Wie viele Zugriffe erfolgen auf das externe RAM, wenn in jedem BTC-Eintrag ein Maschinenbefehl gespeichert werden kann?

Lösung auf Seite 235

#### Aufgabe 95: Analyse von CISC-Assembler

Gegeben sind zwei C-Programme (Tabelle A95.1) sowie die beiden daraus übersetzten Assemblerprogramme eines CISC-Prozessors (Tabelle A95.2).

Welches Assemblerprogramm entspricht welchem C-Programm? Begründung!

## 1 Grundlagen der Elektrotechnik

#### Lösung der Aufgabe 1: Punktladungen

Zwischen zwei Punktladungen  $Q_1$  und  $Q_2$  wirkt eine Kraft, deren Betrag mit dem Coulombschen Gesetz bestimmt wird:

$$F = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 \cdot Q_2}{r^2}$$

Die Kraft wirkt in Richtung der Verbindungslinie der punktförmigen Ladungen und führt bei Ladungen gleichen Vorzeichens zur Abstoßung, bei Ladungen entgegengesetzten Vorzeichens zur Anziehung.

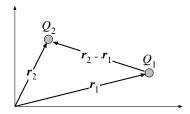
Die von einer Ladung  $Q_1$  auf eine Ladung  $Q_2$  wirkende Kraft greift am Ort von  $Q_2$  an der Ladung  $Q_2$  an und hat die Richtung von  $Q_1$  nach  $Q_2$ . Als Vektor geschrieben  $\mathbf{F}_{12}$ ; dabei bedeutet der Index, dass die Ladung  $Q_1$  eine Kraftwirkung erzeugt, die auf die Probeladung  $Q_2$  wirkt (Abb. L1.1).

$$F_{12}$$
  $Q_1$ 

**Abb. L1.1**: Kraft von  $Q_1$  auf  $Q_2$ 

Wenn  $\mathbf{r}_1$  und  $\mathbf{r}_2$  Ortsvektoren sind, gilt (Abb. L1.2):

$$F_{12} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 \cdot Q_2}{|r_2 - r_1|^2} \cdot \frac{r_2 - r_1}{|r_2 - r_1|}$$



**Abb. L1.2**: Ortsvektoren zweier Ladungen

Andererseits wirkt die Ladung  $Q_2$  auf  $Q_1$  mit der Kraft:

$$\mathbf{F}_{21} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_2 \cdot Q_1}{|\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2|^2} \cdot \frac{\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2}{|\mathbf{r}_1 - \mathbf{r}_2|}$$
$$= -\frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_1 \cdot Q_2}{|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1|^2} \cdot \frac{\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1}{|\mathbf{r}_2 - \mathbf{r}_1|}$$

70 Teil II – Lösungen

Die Kräfte  $F_{12}$  und  $F_{21}$  sind entgegengesetzt gleich, wie es das dritte Newtonsche Gesetz – actio gleich reactio – verlangt.

Geht man davon aus, dass die Kraftwirkung durch das elektrische Feld übertragen wird, dann können wir die Kraftwirkung der Ladung  $Q_1$  auf die Ladung  $Q_2$  in zwei Teilprozesse zerlegen:

- Erzeugung eines elektrischen Feldes durch die Ladung  $Q_1$
- Wirkung dieses elektrischen Feldes auf die Ladung  $Q_2$

Die Kraftwirkung von  $Q_1$  auf  $Q_2$  kann dann folgendermaßen formuliert werden: Die Ladung  $Q_2$  "spürt" im elektrischen Feld der Ladung  $Q_1$  eine Kraft die in Richtung des Feldes wirkt (dabei ist angenommen, dass  $Q_1$  und  $Q_2$  positives Vorzeichen haben).

Dies können wir nun auf unsere Aufgabe übertragen (Abb. L1.3).

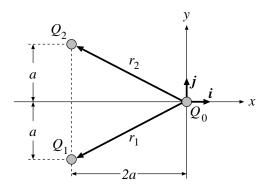


Abb. L1.3: Drei Punktladungen

Für die Kraft der Ladung  $Q_1$  auf die Ladung  $Q_0$  gilt allgemein:

$$oldsymbol{F}_{10} = rac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot rac{Q_0 \cdot Q_1}{|oldsymbol{r}_0 - oldsymbol{r}_1|^3} \cdot (oldsymbol{r}_0 - oldsymbol{r}_1)$$

Nach Abbildung L1.3 ist der Ortsvektor  $r_0$  gleich dem Nullvektor während für  $r_1$  gilt:

$$\boldsymbol{r}_1 = -2a\,\boldsymbol{i} - a\,\boldsymbol{j}$$

Dabei sind  $\boldsymbol{i}$  und  $\boldsymbol{j}$  die Einheitsvektoren des zugrundeliegenden Koordinatensystems. Die Differenz der beiden Vektoren ist somit

$$r_0 - r_1 = -r_1 = 2a i + a j$$

und für deren Betrag gilt nach dem Satz von Pythagoras:

$$|\mathbf{r}_0 - \mathbf{r}_1| = |\mathbf{r}_1| = \sqrt{2a^2 + a^2} = \sqrt{5a^2} = a\sqrt{5}$$

Damit ergibt sich die dritte Potenz dieses Betrages zu:

$$|\mathbf{r}_1|^3 = a^3 \sqrt{5^3} = a^3 \sqrt{5^2 \cdot 5} = a^3 \cdot 5\sqrt{5}$$

Die Kraft  $\mathbf{F}_{10}$  ist also gleich:

$$\boldsymbol{F}_{10} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_0 \cdot Q_1}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (-\boldsymbol{r}_1)$$

Mit  $|\mathbf{r}_1| = |\mathbf{r}_2|$  gilt dann für die Kraft der Ladung  $Q_2$  auf die Ladung  $Q_0$ :

$$m{F}_{20} = rac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot rac{Q_0 \cdot Q_2}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (-m{r}_2)$$

während die Gesamtkraft auf  $Q_0$  die Summe der auf  $Q_0$  wirkenden Kräfte ist:

$$\mathbf{F} = \mathbf{F}_{10} + \mathbf{F}_{20} 
= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_0 \cdot Q_1}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (-\mathbf{r}_1) - \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_0 \cdot Q_2}{5a^3\sqrt{5}} \cdot \mathbf{r}_2$$

Definieren wir

$$K = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q^2}{5a^3\sqrt{5}}$$

und verwenden zudem die Vorzeichenfunktion

$$sign(x) = \begin{cases} -1 & wenn & x < 0 \\ +1 & wenn & x > 0 \\ 0 & wenn & x = 0 \end{cases}$$

so können wir die Gesamtkraft  ${\pmb F}$  folgendermaßen ausdrücken:

$$\mathbf{F} = K \cdot (\operatorname{sign}(Q_0 Q_1) \cdot (-\mathbf{r}_1) - \operatorname{sign}(Q_0 Q_2) \cdot \mathbf{r}_2)$$

Damit können wir leicht die einzelnen Gesamtkräfte berechnen.

L.1.1: Alle Ladungen sind positiv:

$$F = K \cdot (\operatorname{sign}(Q_0 Q_1) \cdot (-\boldsymbol{r}_1) - \operatorname{sign}(Q_0 Q_2) \cdot \boldsymbol{r}_2)$$

$$= K \cdot (-\boldsymbol{r}_1 - \boldsymbol{r}_2)$$

$$= K \cdot (2a \, \boldsymbol{i} + a \, \boldsymbol{j} + 2a \, \boldsymbol{i} - a \, \boldsymbol{j})$$

$$= 4a \cdot K \cdot \boldsymbol{i}$$

$$= \frac{1}{\pi \epsilon_0} \cdot \frac{Q^2}{5a^2 \sqrt{5}} \cdot \boldsymbol{i}$$

- L.1.2: Alle Ladungen sind negativ: Es stellt sich das gleiche Ergebnis wie im ersten Fall ein, weil das Produkt zweier negativer Ladungen wieder positiv ist, und sich somit die gleichen Gleichungen ergeben.
- L.1.3:  $Q_1$  ist negativ und  $Q_2$  und  $Q_0$  sind positiv:

$$F = K \cdot (\operatorname{sign}(Q_0(-Q_1)) \cdot (-\boldsymbol{r}_1) - \operatorname{sign}(Q_0Q_2) \cdot \boldsymbol{r}_2)$$

$$= K \cdot (\boldsymbol{r}_1 - \boldsymbol{r}_2)$$

$$= K \cdot (-2a\,\boldsymbol{i} - a\,\boldsymbol{j} + 2a\,\boldsymbol{i} - a\,\boldsymbol{j})$$

$$= -2a \cdot K \cdot \boldsymbol{j}$$

$$= -\frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q^2}{5a^2\sqrt{5}} \cdot \boldsymbol{j}$$

72 Teil II – Lösungen

L.1.4: In diesem Fall ( $Q_1$  positiv,  $Q_2$  negativ) gilt für die Gesamtkraft:

$$\boldsymbol{F} = \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_0 \cdot Q_1}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (-\boldsymbol{r}_1) + \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q_0 \cdot Q_2}{5a^3\sqrt{5}} \cdot \boldsymbol{r}_2$$

Da wir die Feldstärke am Ort von  $Q_0$  suchen, müssen wir die Gesamtkraft durch  $Q_0$  dividieren (die Feldstärke ist unabhängig von Ladungen auf die sie Kräfte ausübt):

$$E = \frac{F}{Q_0}$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (-\boldsymbol{r}_1 + \boldsymbol{r}_2)$$

$$= \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{5a^3\sqrt{5}} \cdot (2a\,\boldsymbol{i} + a\,\boldsymbol{j} - 2a\,\boldsymbol{i} + a\,\boldsymbol{j})$$

$$= 2a \cdot \frac{1}{4\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{5a^3\sqrt{5}} \cdot \boldsymbol{j}$$

$$= \frac{1}{2\pi\epsilon_0} \cdot \frac{Q}{5a^2\sqrt{5}} \cdot \boldsymbol{j}$$

#### Lösung der Aufgabe 2: Elektronenstrahlröhre

Die Geschwindigkeit eines Elektrons in einer Elektronenstrahlröhre setzt sich aus einer horizontalen und einer vertikalen Komponente zusammen:

$$\boldsymbol{v} = \boldsymbol{v}_x + \boldsymbol{v}_y$$

Beide Komponenten entstehen unabhängig voneinander an "getrennten" Orten. Während die horizontale Geschwindigkeit  $\boldsymbol{v}_x$  im Strahlerzeugungsfeld zwischen der Kathode K und der Anode A durch die Spannung  $U_A$  entsteht, erhält das Elektron seine vertikale Geschwindigkeit innerhalb des Ablenkkondensators durch die Spannung U.

Wir können also die beiden Komponenten getrennt voneinander berechnen:

– Horizontale Geschwindigkeit  $v_x$  (Beschleunigung durch die Anodenspannung  $U_A$ ): Auf ein Elektron wirkt im näherungsweise homogenen Feld eine konstante Kraft. Die über einer Wegstrecke s freiwerdende potentielle Energie  $\mathbf{F} \cdot \mathbf{s}$  wird in kinetische Energie umgewandelt. Hieraus berechnet sich die horizontale Geschwindigkeit beim Austritt aus dem Strahlerzeugungsfeld.

In einem elektrischen Feld wirkt auf ein Elektron zwischen der Kathode und der Anode die Kraft:

$$\mathbf{F} = e_0 \cdot \mathbf{E}$$

Ein Elektron wird beschleunigt und nimmt die Energie W auf (von dieser aufgenommenen Energie wird der Begriff eV (Elektronenvolt) abgeleitet):

$$W = \mathbf{F} \cdot \mathbf{s} = e_0 \cdot \mathbf{E} \cdot \mathbf{l}_0 = e_0 \cdot E \cdot l_0 = e_0 \cdot \frac{U_A}{l_0} \cdot l_0 = e_0 \cdot U_A$$

Diese Energie wird vollständig in kinetische Energie umgewandelt:

$$W = e_0 \cdot U_A = \frac{m_0}{2} v_x^2$$

L.5.3: Um die Werte der Ströme und Spannungen zu berechnen, verwenden wir die Kirchhoffschen Knoten- und Maschenregel und das Ohmsche Gesetz. Gegeben sind die Quellenspannung  $U_0 = 10 \,\mathrm{V}$  und die Werte der Widerstände. Als erstes berechnen wir nun  $U_4$  mit der Maschenregel:

$$-U_4 + U_0 = 0 \Leftrightarrow U_4 = U_0 = 10 \text{ V}$$

Nun ermitteln wir  $U_1$  mit dem Ohmschen Gesetz<sup>1</sup>:

$$\frac{U_1}{R_1} = \frac{U_0}{R_1 + R_{23}}$$

$$\Leftrightarrow U_1 = U_0 \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_{23}}$$

$$\Leftrightarrow U_1 = U_0 \cdot \frac{R_1}{R_{123}}$$

$$\Rightarrow U_1 \approx 1,3 \text{ V}$$

Mit der Maschenregel ergeben sich dann die restlichen Spannungen:

$$U_2 = U_3 = U_0 - U_1 = 8.7 \,\mathrm{V}$$

Nun fehlen noch die Ströme. Wir könnten, da wir alle Widerstände und Teilspannungen kennen, jeden Strom mit dem Ohmschen Gesetz berechnen. Da wir allerdings auch die Knotenregel anwenden wollen, verwenden wir nur bei  $I_0$  bis  $I_2$  das Ohmsche Gesetz:

$$I_0 = \frac{U_0}{R_{nes}} \approx 2,3 \,\text{mA}$$
  $I_1 = \frac{U_1}{R_1} = 1,3 \,\text{mA}$   $I_2 = \frac{U_2}{R_2} = 0,87 \,\text{mA}$ 

Anschließend benutzen wir jetzt die Knotenregel für die verbleibenden Ströme:

$$I_4 = I_0 - I_1 = 1 \,\text{mA}$$
  $I_3 = I_1 - I_2 = 0,43 \,\text{mA}$ 

Eine andere Art der Lösung ist mit dem so genannten *Maschenstromverfahren* möglich, das sich besonders für komplizierte Netzwerke eignet. Das Verfahren und eine entsprechende Lösung für diese Aufgabe ist in Anhang C.1 beschrieben.

#### Lösung der Aufgabe 6: Widerstandsnetzwerk 2

Zur Lösung bezeichnen wir zuerst die Widerstände mit Nummern (Abb. L6.1).

L.6.1: Um den Gesamtwiderstand zu berechnen, gehen wir schrittweise von "innen nach außen" vor. Die Serienschaltung der Widerstände  $R_1$  bis  $R_3$  ergibt:

$$R_{123} = R_1 + R_2 + R_3 = 3\Omega$$

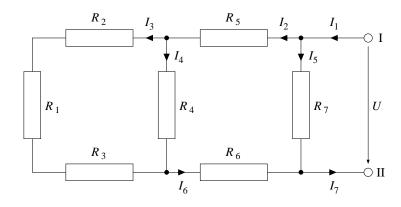


Abb. L6.1: Netzwerk zur Aufgabe 6

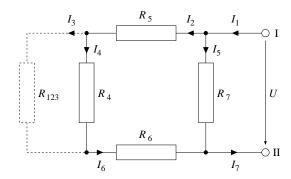


Abb. L6.2: Erstes Ersatzschaltbild

Damit lässt sich das Netzwerk gemäß Abb. L6.2 vereinfachen.

Der Widerstand  $R_{123}$  ist nun mit dem Widerstand  $R_4$  parallel geschaltet. Für den Ersatzwiderstand dieser Parallelschaltung errechnen wir:

$$R_{1234} = R_{123} || R_4 = \frac{R_{123} \cdot R_4}{R_{123} + R_4} = \frac{3}{4} \Omega$$

Wir erhalten das Ersatzschaltbild nach Abb. L6.3.

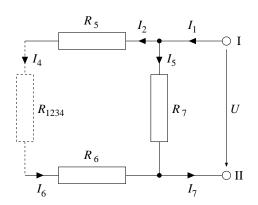


Abb. L6.3: Zweites Ersatzschalt-

Als nächstes haben wir es wieder mit einer Serienschaltung zu tun, diesmal mit

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Den mittleren Teil der Gleichung ( $U_1 = U_0 \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_{23}}$ ) bezeichnet man auch als Spannungsteilerregel (Anhang B.1)

den Widerständen  $R_{1234}$ ,  $R_5$  und  $R_6$ :

$$R_{123456} = R_{1234} + R_5 + R_6 = \frac{11}{4} \,\Omega$$

Wir erhalten das Ersatzschaltbild nach Abb. L6.4.

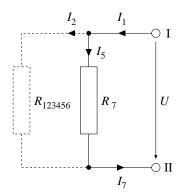


Abb. L6.4: Drittes Ersatzschaltbild

Zum Schluß können wir endlich den Gesamtwiderstand errechnen, der nun eine Parallelschaltung der Widerstände  $R_{123456}$  und  $R_7$  darstellt:

$$R_{ges} = R_{123456} \| R_7 = \frac{R_{123456} \cdot R_7}{R_{123456} + R_7} = \frac{11}{15} \Omega$$

L.6.2: Da wir nun alle Widerstände kennen und die Quellenspannung mit  $U=10\,\mathrm{V}$  vorgegeben ist, können wir alle Teilströme mit dem Ohmschen Gesetz und der Knotenregel berechnen. Aus dem Ohmschen Gesetz ergeben sich folgende Ströme:

$$I_1 = I_7 = \frac{U}{R_{res}} \approx 13,6 \,\mathrm{A}$$
  $I_5 = \frac{U}{R_7} = \frac{U}{R} = 10 \,\mathrm{A}$ 

Mit der Knotenregel ermitteln wir  $I_2$  und  $I_6$ :

$$I_2 = I_6 = I_1 - I_5 = 3,6 \,\mathrm{A}$$

Um nun  $I_4$  (oder  $I_3$ ) zu berechnen, wenden wir die Stromteilerregel an, die eine spezielle Form des Ohmschen Gesetzes darstellt (ähnlich der Spannungsteilerregel):

$$I_4 = I_2 \cdot \frac{R_{123}}{R_{123} + R_4} = 2,7 \,\mathrm{A}$$

Jetzt können wir auch den letzten unbekannten Strom  $I_3$  mit der Knotenregel bestimmen:

$$I_3 = I_2 - I_4 = 0,9 \,\mathrm{A}$$

Die Zeitkonstante  $\tau$  bestimmt die Dauer des Auflade- bzw. Entladevorganges und damit die Steigung der Teil-Exponentialfunktion im unteren Diagramm. Wäre  $\tau$  sehr klein gegenüber T so würden am Ausgang nur Nadelimpulse auftreten. Bei sehr großem  $\tau$  würde die Spannung  $u_2(t)$  etwa gleich der Eingangsspannung  $u_1(t)$  sein.

#### Lösung der Aufgabe 19: Impulse auf Leitungen

Da das Kabelende einmal offen und einmal kurzgeschlossen ist, kommt es zu Reflexionen, die sich dem anliegenden Impuls überlagern. Laut Lehrbuch gilt:

$$U = U_h + U_r \text{ und}$$

$$U_r = U_h \cdot \frac{R - Z}{R + Z}$$

Ist der Kabelausgang offen, dann ist  $R = \infty$ . Damit wird:

$$U_r = U_h$$
 und  $U = 2 U_h$ 

d.h. die Spannung verdoppelt sich.

Ist der Kabelausgang kurzgeschlossen, dann ist R=0. Damit folgt:

$$U_r = -U_h$$
 und  $U = 0$ 

Die Darstellung in einem Spannungs–Zeit–Diagramm erfordert die Einbeziehung der Zeit t:

$$U(t) = U_h(t) + U_r(t)$$

Der Zeitpunkt für das Eintreffen des reflektierten Impulses im Punkt A wird aus der Leiterlänge und der Ausbreitungsgeschwindigkeit bestimmt. Die Geschwindigkeit berechnet sich nach:

$$v = \frac{c_0}{\sqrt{\varepsilon_r \cdot \mu_r}}$$
$$= \frac{3 \cdot 10^8}{\sqrt{2,25}} \frac{\text{m}}{\text{s}}$$
$$= 2 \cdot 10^8 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

Damit folgt:

$$t_r = \frac{2l}{v}$$

$$= \frac{2}{2 \cdot 10^8} \frac{\text{m} \cdot \text{s}}{\text{s}}$$

$$= 10^{-8} \text{s}$$

$$= 10 \text{ ns}$$

Die Impulsform und die Impulsdauer bleiben erhalten. Die Amplitude der Impulse ist durch die Spannungsteilerregel bestimmt. Die Generatoramplitude wird halbiert, da  $R_i$  und  $Z_w$  jeweils  $50\,\Omega$  betragen. Damit kann der Impulsverlauf im Punkt A für beide Fälle dargestellt werden (Abb. L19.1–L19.2).

96 Teil II – Lösungen

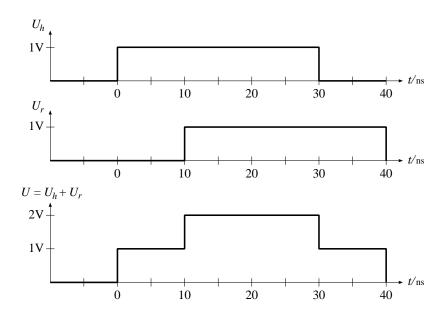


Abb. L19.1: Impulsdiagramm für den offenen Kabelausgang

- L.19.1: Kabelausgang offen: Abbildung L19.1.
- L.19.2: Kabelausgang kurzgeschlossen: Abbildung L19.2.

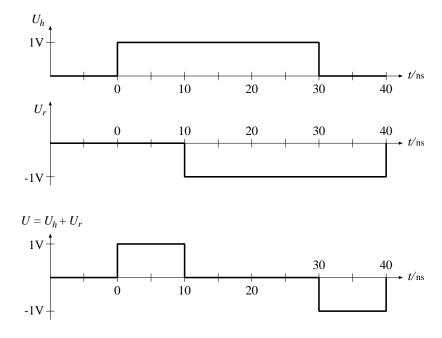


Abb. L19.2: Impulsdiagramm für den kurzgeschlossenen Kabelausgang

L.19.3: Wenn der Kabelausgang mit  $50\,\Omega$  abgeschlossen ist, gibt es keine Reflexionen. Der sich längs der Leitung ausbreitende Stromimpuls erzeugt im Abschluß-

widerstand einen Spannungsimpuls, der mit dem quer zur Leitung laufenden Spannungsimpuls identisch ist. So wird die gesamte elektrische Energie im Abschlußwiderstand in Wärme umgesetzt. Der Abschlußwiderstand bildet eine Art "Wellensumpf".

Eine störungs- und fehlerfreie Datenübertragung ist nur dann möglich, wenn die beiden Leitungsenden mit dem Wellenwiderstand der Leitung abgeschlossen sind. Gleichzeitig führt diese Bedingung zur Leistungsanpassung zwischen einem Sender und einem Empfänger, d.h. die über die Leitung transportierte Leistung ist maximal.

#### Lösung der Aufgabe 20: Datenübertragung

Die Bitfolge, die Rechner  $R_2$  "sieht" wird in einem Impuls–Zeit–Diagramm dargestellt. Sie ist abhängig:

- 1. von der gesendeten Bitfolge des Generators.
- 2. von den Leitungseigenschaften des Koaxialkabels.
- 3. von dem Abschlußwiderstand  $R_1$ .
- 1. Bitfolge des Generators am Anfang des Koaxialkabels: Aus der gesendeten Datenrate von  $2\,\mathrm{MBit/s}$  folgt die Impulsdauer pro Bit

$$T = \frac{1}{2 \cdot 10^6 \,\mathrm{s}^{-1}} = 0.5 \cdot 10^{-6} \,\mathrm{s} = 0.5 \,\mu\mathrm{s}$$

Mit der angegebenen Spannung und Bitfolge ergibt sich das Impuls-Zeit-Diagramm nach Abb. L20.1.

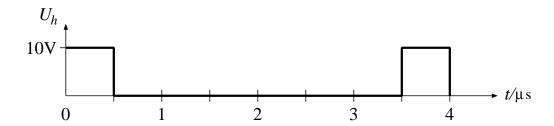


Abb. L20.1: Impuls-Zeit-Diagramm der gesendeten Daten

2. Leitungseigenschaften des Koaxialkabels: Die Dämpfung hat zur Folge, dass die Impulsamplituden entlang des Koaxialkabels abnehmen. Am Ort von  $R_2$ , d.h. 100 m vom Generator entfernt, ist das Signal also um

$$16 \, dB/km \cdot 100 \, m = \frac{16}{1000} \cdot 100 \, \frac{dB}{m} \, m = 1,6 \, dB$$

gedämpft worden.

158 Teil II – Lösungen

#### Lösung der Aufgabe 47: 1–Bit ALU

L.47.1: Wir ergänzen die Zuordnungstabelle um die möglichen Kombinationen der Variablen A und B in jeder Operation. Nun können wir entsprechend der Funktion den ALU-Ausgang F und den Übertragsausgang  $\ddot{U}$  bestimmen und in die Tabelle eintragen (Tabelle L47.1).

$S_2$	$S_1$	$S_0$	B	A	F	$\ddot{U}$	Funktion	$S_2$	$S_1$	$S_0$	B	A	F	$\ddot{U}$	Funktion
0	0	0	0	0	0	0	$A \wedge B$	1	0	0	0	0	1	0	$\overline{A}$
0	0	0	0	1	0	0	$A \wedge B$	1	0	0	0	1	0	0	$\overline{A}$
0	0	0	1	0	0	0	$A \wedge B$	1	0	0	1	0	1	0	$\overline{A}$
0	0	0	1	1	1	0	$A \wedge B$	1	0	0	1	1	0	0	$\overline{A}$
0	0	1	0	0	0	0	$A \vee B$	1	0	1	0	0	0	0	A + B
0	0	1	0	1	1	0	$A \vee B$	1	0	1	0	1	1	0	A + B
0	0	1	1	0	1	0	$A \vee B$	1	0	1	1	0	1	0	A + B
0	0	1	1	1	1	0	$A \vee B$	1	0	1	1	1	0	1	A + B
0	1	0	0	0	0	0	$A \overline{B} \vee \overline{A} B$	1	1	0	0	0	0	1	$\overline{A} + 1$
0	1	0	0	1	1	0	$A  \overline{B} \vee \overline{A}  B$	1	1	0	0	1	1	0	$\overline{A} + 1$
0	1	0	1	0	1	0	$A  \overline{B} \vee \overline{A}  B$	1	1	0	1	0	0	1	$\overline{A} + 1$
0	1	0	1	1	0	0	$A \overline{B} \vee \overline{A} B$	1	1	0	1	1	1	0	$\overline{A} + 1$
0	1	1	0	0	0	0	A	1	1	1	0	0	0	0	B
0	1	1	0	1	1	0	A	1	1	1	0	1	0	0	B
0	1	1	1	0	0	0	A	1	1	1	1	0	1	0	B
0	1	1	1	1	1	0	A	1	1	1	1	1	1	0	B

Tabelle L47.1: Wahrheitstabelle der 1-Bit ALU

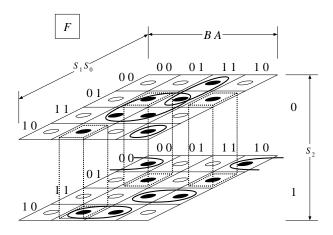
L.47.2: Wir haben nun theoretisch drei Möglichkeiten die Ausgangsgleichungen zu minimieren. Die Möglichkeit mit Booleschen Rechenregeln können wir aufgrund der Komplexität des Schaltnetzes außer Acht lassen. Somit bleiben die KV-Diagramme und das Quine-McCluskey Verfahren. Hier sollen beide Verfahren angewendet werden, um die Vor- und Nachteile besser verstehen zu können.

#### Lösung mit KV-Diagrammen

Um KV-Diagramme auf diese Aufgabe anwenden zu können, müssen wir bereits in die dritte Dimension gehen, da 5 Eingangsvariablen vorliegen. Wir lösen dies, indem wir uns zwei Tafeln für vier Variable erstellen, die wir uns dann übereinanderliegend vorstellen. Bei einer dieser Tafeln ist die fünfte Variable

4 Schaltnetze 159

als 1 anzunehmen, bei der anderen als 0 (invertiert). Zu beachten ist jetzt, dass die Päckchenbildung auch zwischen diesen Tafeln angewendet werden kann. Am besten schreibt man die beiden Tafeln untereinander, so wie es Abbildung L47.1 für F zeigt. Dabei stehen die ausgefüllten Punkte für Einsen.

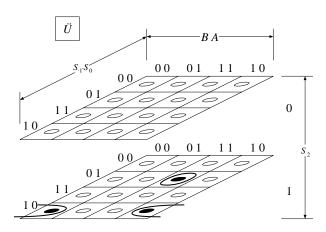


**Abb. L47.1**: KV–Tafelsystem für den Ausgang F

Wir erhalten als minimale Form für F:

$$F = S_2 \, \overline{S_1} \, \overline{S_0} \, \overline{A} \quad \lor \quad \overline{S_2} \, \overline{S_1} \, B \, A \quad \lor \quad \overline{S_1} \, S_0 \, \overline{B} \, A \quad \lor \quad \overline{S_1} \, S_0 \, B \, \overline{A} \quad \lor \\ S_1 \, \overline{S_0} \, \overline{B} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, B \, \overline{A} \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_0 \, A \quad \lor \quad S_2 \, S_1 \, S_0 \, B \quad \lor \\ S_2 \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, S_1 \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_2} \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_0} \, \overline{S_0} \, \overline{S_0} \, A \quad \lor \quad \overline{S_0} \, \overline{S_$$

Das KV-Tafelsystem für den Übertrag, zeigt Abb. L47.2.



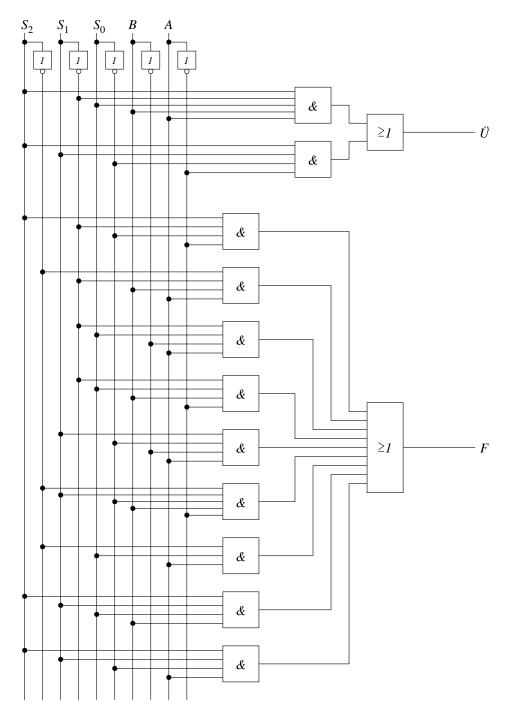
**Abb. L47.2**: KV–Tafelsystem für den Ausgang  $\ddot{U}$ 

Wir erhalten als minimale Form für  $\ddot{U}$ :

$$\ddot{U} = S_2 \, \overline{S_1} \, S_0 \, B \, A \quad \vee \quad S_2 \, S_1 \, \overline{S_0} \, \overline{A}$$

Die Übertragung in eine Schaltung führt zu Abb. L47.3.

 ${\it Teil II-L\"{o}sungen}$ 



 ${\bf Abb.}\ {\bf L47.3}:$  Schaltung der 1–Bit ALU

4 Schaltnetze 161

Lösung mit dem Quine-McCluskey Verfahren

Beim Verfahren nach Quine–McCluskey müssen wir für F und  $\ddot{U}$  im ersten Schritt die Primimplikanten ermitteln. Im zweiten Schritt wird dann aus diesen Primimplikanten eine minimale Anzahl gesucht, so dass alle Minterme der Funktion abgedeckt sind.

Zur Ermittlung der Primimplikanten von F, teilen wir die Minterme je nach Anzahl der in ihnen vorkommenden Einsen in Gruppen ein. Zur besseren Übersicht nehmen wir die Nummer des Minterms auch als Dezimalzahl mit in die Tabelle auf. Es ergibt sich Tabelle L47.2 (vorerst ohne die letzte Spalte).

Dez.	$S_2$	$S_1$	$S_0$	B	A	Gruppe	
16	1	0	0	0	0	1	
3	0	0	0	1	1	2	
5	0	0	1	0	1	2	
6	0	0	1	1	0	2	
9	0	1	0	0	1	2	
10	0	1	0	1	0	2	*
18	1	0	0	1	0	2	
7	0	0	1	1	1	3	
13	0	1	1	0	1	3	
21	1	0	1	0	1	3	
22	1	0	1	1	0	3	
25	1	1	0	0	1	3	
15	0	1	1	1	1	4	
27	1	1	0	1	1	4	
30	1	1	1	1	0	4	
31	1	1	1	1	1	5	

**Tabelle L47.2**: Einteilung der Minterme für F in Gruppen

Nun testen wir, inwieweit sich Minterme benachbarter Gruppen derart zusammenfassen lassen, dass eine Variable "herausfällt". Dies ist genau dann der Fall, wenn zwei Minterme sich nur in einer Stelle unterscheiden. Die an diesen Zusammenfassungen (Binäräquivalenten) beteiligten Minterme werden abgehakt  $(\sqrt)$  und die Binäräquivalente wiederum in eine Tabelle eingetragen (Tabelle L47.3). Die überflüssige Variable wird in der Binäräquivalentdarstellung mit einem Strich (-) markiert. Jeder Minterme kann mehrmals in einem Binäräquivalent auftreten, das heißt wir prüfen für jeden Minterm aus Gruppe i, ob er sich mit jedem Minterm aus Gruppe i+1 zusammenfassen lässt. Für den Minterm 10 gibt es keine Möglichkeit der Zusammenfassung. Damit ist bereits jetzt

Teil II – Lösungen

klar, dass der Minterm 10 ein Primimplikant ist. Er wird durch einen Stern gekennzeichnet  $(\star)$  und braucht nicht mehr in die neue Tabelle übernommen zu werden.

Dez.	$S_2$	$S_1$	$S_0$	B	A	Gruppe	
16,18	1	0	0	_	0	1	*
3,7	0	0	_	1	1	2	*
5, 13	0	_	1	0	1	2	
5,21	_	0	1	0	1	2	*
6,7	0	0	1	1	_	2	*
6,22	_	0	1	1	0	2	*
9, 13	0	1	_	0	1	2	*
9,25	_	1	0	0	1	2	*
7, 15	0	_	1	1	1	3	
13, 15	0	1	1	_	1	3	*
22, 30	1	_	1	1	0	3	*
25, 27	1	1	0	_	1	3	*
15, 31	_	1	1	1	1	4	*
27, 31	1	1	_	1	1	4	*
30, 31	1	1	1	1	_	4	*

Tabelle L47.3: Binäräquivalente der zusammengefassten Minterme aus Tabelle L47.2

Jetzt müssen wir wieder die Zeilen benachbarter Gruppen vergleichen, wie schon oben beschrieben (generell solange, bis sich keine Binäräquivalente mehr ergeben).

Es findet sich nur noch eine Zusammenfassung und wir erhalten Tabelle L47.4.

Tabelle L47.4: Einzige Vereinfachung der Tabelle L47.3

Damit haben wir alle Primimplikanten der Gleichung für F gefunden, es sind alle mit einem Stern gekennzeichneten Terme. Wir erstellen nun die Primimplikantentafel (Abb. L47.4), die aus allen Primimplikanten sowie aus den daran beteiligten Mintermen besteht.

Die Kreuzungspunkte zwischen Primimplikanten sowie beteiligten Mintermen markieren wir mit  $(\times)$ . Die Minterme 10, 16, 18, 3 und 21 werden nur von jeweils einem Primimplikanten abgedeckt. Diese Primimplikanten sind die wesentlichen Primimplikanten und müssen in der Minimalform von F vorkommen. Die entsprechenden Kreuze kreisen wir ein, markieren die wesentlichen Primimplikanten in der linken Spalte  $(\bullet)$ , verbinden noch jeweils die abgedeckten Minterme durch Querstriche und streichen sie in der obersten Zeile.

4 Schaltnetze 163

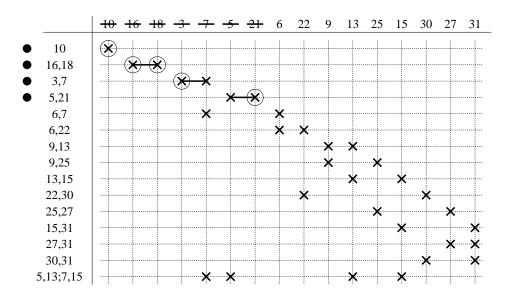
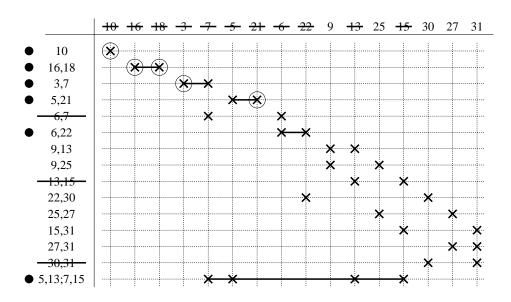


Abb. L47.4: Ermittlung der wesentlichen Primimplikanten

Für die verbleibenden Minterme (6, 22, 9, 13, 25, 15, 30, 27 und 31) müssen wir die minimale Restüberdeckung finden, d.h. aus den verbleibenden Primimplikanten die kleinste Menge auswählen, die alle übrigen Minterme abdeckt. Dabei sind natürlich Primimplikanten mit weniger Variablen denjenigen mit mehr Variablen vorzuziehen.

Für den Ausgang F gilt (Abb. L47.5): Wir wählen zuerst den Primimplikanten (5,13;7,15), weil er nur noch aus drei Variablen besteht.

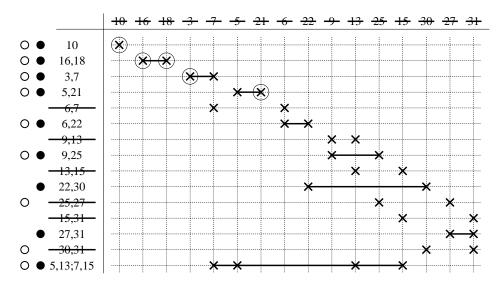


**Abb. L47.5**: Primimplikatentafel für den Ausgang F (Zwischenschritt)

Wir markieren ihn (•) und streichen die abgedeckten Minterme 13 und 15. Damit wird der Primimplikant (13,15) sofort überflüssig und kann gestrichen Teil II – Lösungen

werden. Der Primimplikant (6,7) würde nur noch den offenen Minterm 6 abdecken, wir streichen ihn und wählen den Primimplikanten (6,22), der den Minterm 6 und zusätzlich noch 22 abdeckt. Es ergibt sich Abb. L47.5.

Dasselbe Vorgehen wie bei (6,7) und (6,22) wenden wir auch für (9,13), der gestrichen wird, und (9,25) an. Für die verbleibenden Minterme (30,27) und (31) gibt es mehrere Möglichkeiten, die alle gleichwertig sind. Wir gehen hier von oben nach unten vor und wählen die Primimplikanten (22,30) und (27,31). Diese werden der Reihe nach markiert  $(\bullet)$ , deren Minterme und anschließend die nun wieder überflüssigen Primimplikanten gestrichen. Dabei müssen wir eine doppelte Überdeckung des Minterms (0,0) in Kauf nehmen. Damit ergibt sich die komplette Primimplikantentafel für (0,0) markierten Primimplikanten, bildeten bei der Lösung mit der KV-Tafel die Überdeckung.



**Abb. L47.6**: Vollständige Primimplikatentafel für den Ausgang F

Alle markierten Primimplikanten ( $\bullet$ ) bilden nun die Minimalform für F. Sie lautet in Primimplikanten–Schreibweise:

$$F = (10) \lor (16, 18) \lor (3, 7) \lor (5, 21) \lor (6, 22) \lor (9, 25) \lor (22, 30) \lor (27, 31) \lor (5, 13, 7, 15)$$

und in Boolescher Form:

$$F = \overline{S_2} S_1 \overline{S_0} B \overline{A} \lor S_2 \overline{S_1} \overline{S_0} \overline{A} \lor \overline{S_2} \overline{S_1} B A \lor \overline{S_1} S_0 \overline{B} A \lor \overline{S_1} S_0 B \overline{A} \lor S_1 \overline{S_0} \overline{B} A \lor S_2 S_0 B \overline{A} \lor S_2 S_1 B A \lor \overline{S_2} S_0 A$$

Nun müssen wir die gleichen Schritte für den Ausgang  $\ddot{U}$  vornehmen. Die Einteilung der nur 3 Minterme in Gruppen zeigt Tabelle L47.5. Der Minterm 23 ist bereits ein Primimplikant.

4 Schaltnetze 165

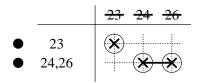
Dez.	$S_2$	$S_1$	$S_0$	B	A	Gruppe	
24	1	1	0	0	0	2	
26	1	1	0	1	0	3	
23	1	0	1	1	1	4	*

**Tabelle L47.5**: Einteilung der Minterme für  $\ddot{U}$  in Gruppen

Die Minterme 24 und 26 lassen sich zusammenfassen und ergeben den Primimplikanten (24,26) aus Tabelle L47.6.

Tabelle L47.6: Gruppentabelle des 2.Durchganges

Nun erstellen wir die Primimplikantentafel für  $\ddot{U}$  (Abb. L47.7).



**Abb. L47.7**: Vollständige Primimplikatentafel für den Ausgang  $\ddot{U}$ 

Alle markierten Primimplikanten bilden nun die Minimalform für  $\ddot{U}$ . Sie lautet:

$$\ddot{U} = S_2 \, \overline{S_1} \, S_0 \, B \, A \quad \vee \quad S_2 \, S_1 \, \overline{S_0} \, \overline{A}$$

Die Schaltung der ALU unterscheidet sich zu der in der KV-Lösung gefundenen nur unwesentlich. Lediglich bei dem Teil-Schaltnetz für F sind zwei UND-Glieder anders zu beschalten. Dies liegt darin begründet, dass bei der Lösung mit KV-Tafeln eine andere Restüberdeckung gewählt wurde. Statt (22,30) und (27,31) wurden bei der KV-Tafel die Primimplikanten (25,27) und (30,31) ausgewählt (Abb. L47.6).

## Lösung der Aufgabe 48: Multiplexer

Multiplexer eignen sich sehr gut, um den Aufwand für ein Schaltnetz klein zu halten. Im einfachsten Fall nimmt man einen Multiplexer der für jede vorkommende Eingangsvariable einen Steuereingang hat. Dann muss man lediglich die Eingänge des Multiplexers entsprechend der Wertetabelle der zu realisierenden Funktion mit Nullen und Einsen zu belegen.

196 Teil II – Lösungen

 $- K_1$ :

$K_{I}$	$Q_I^n Q_O^n$	0 0	0 1	1 1	10	_
	0	×	×	1	0	
	1	×	×	0	1	

**Abb. L66.7**: KV–Tafel für  $K_1$ 

Analog zu  $J_1$  ergibt sich nach der Vereinfachung mit der KV–Tafel aus Abbildung L66.7 für  $K_1$ :

$$K_1 = \overline{X} Q_0 \vee X \overline{Q_0} = (X \not\equiv Q_0)$$

Auch hier hätte man schon aus der Tabelle L66.1 ableiten können, dass  $J_1 = K_1$  gilt, da bei jeder konkreten Belegung eines Einganges die Belegung des anderen beliebig ist.

#### Schaltbild

Mit beiden Möglichkeiten kommt man zum Schaltbild aus Abb. L66.8 (mit Antivalenzglied).

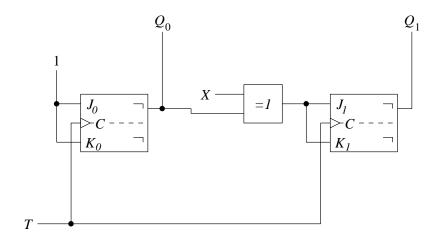


Abb. L66.8: Schaltwerk des steuerbaren Modulo-4 Zählers

### Lösung der Aufgabe 67: Zustandsautomaten

L.67.1: Die Wertetabelle für die Steuersignale der Flipflops zeigt Tabelle L67.1. Dabei wurde für die Bestimmung der optimalen JK-Belegungen die Tabelle L64.1 zu Hilfe genommen.

6 Schaltwerke 197

	$t_{i}$	n				$t_{n+1}$								
$Z_i$	$z_2$	$z_1$	$z_0$	X	$z_2$	$z_1$	$z_0$	Y	$J_2$	$K_2$	$J_1$	$K_1$	$J_0$	$K_0$
0	0	0	0	0	0	1	1	1	0	×	1	×	1	X
0	0	0	0	1	0	0	1	0	0	×	0	×	1	×
1	0	0	1	0	0	1	1	1	0	×	1	×	×	0
1	0	0	1	1	0	0	1	0	0	×	0	×	×	0
2	0	1	0	0	0	0	0	1	0	×	×	1	0	X
2	0	1	0	1	0	1	1	1	0	×	×	0	1	×
3	0	1	1	0	1	1	0	1	1	×	×	0	×	1
3	0	1	1	1	0	1	0	0	0	×	×	0	×	1
6	1	1	0	0	1	1	1	1	×	0	×	0	1	X
6	1	1	0	1	1	1	1	1	×	0	×	0	1	×
7	1	1	1	0	0	1	1	0	×	1	×	0	×	0
7	1	1	1	1	0	0	0	0	×	1	X	1	×	1

**Tabelle L67.1**: Wertetabelle zur Lösung der Aufgabe 67

L.67.2: Wir erstellen für alle Steuereingänge und den Ausgang KV-Diagramme und vereinfachen dann zur kürzesten DF.

Die KV-Diagramme für die Vorbereitungseingänge zeigen die Abb. L67.1 bis Abb. L67.3.

$ \begin{array}{ c c } \hline J_2 & z_0 X \\ \hline z_2 z_1 \end{array} $	0 0	0 1	1 1	10	$\begin{bmatrix} K_2 \\ z_2 z_1 \end{bmatrix}$	0 0	0 1	1 1	10
0 0	0	0	0	0	0 0	×	×	×	×
				1					×
1 1	×	×	×	×					1
10	×	×	×	×	1 0	×	×	×	_ <b>x</b> _

**Abb. L67.1**: KV–Diagramme für  $J_2$  und  $K_2$ 

Es ergeben sich folgende minimale DF:

$$J_2 = z_1 z_0 \overline{X}$$

$$K_2 = z_0$$

$$J_1 = \overline{X}$$

$$K_1 = \overline{z_2} \overline{z_0} \overline{X} \lor z_2 z_0 X$$

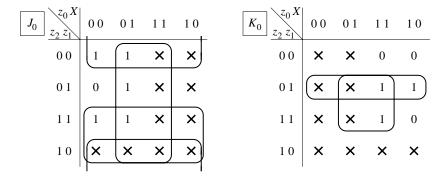
$$J_0 = \overline{z_1} \lor X \lor z_2$$

$$K_0 = \overline{z_2} z_1 \lor z_1 X$$

198 Teil II – Lösungen

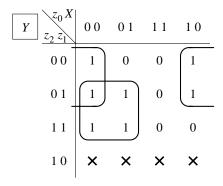
	0 0	0 1	1 1	10	$\begin{bmatrix} K_1 \\ z_2 z_1 \end{bmatrix}$	0 0	0 1	1 1	10
0 0	1	0	0	1	0 0			×	
0 1	×	×	×	×	0 1		0	0	0
11	×	×	×	×	1 1	0	0	$\bigcap$	0
10	_x	×	×	×	10	×	×		×

Abb. L67.2: KV–Diagramme für  $J_1$  und  $K_1$ 



**Abb. L67.3**: KV–Diagramme für  $J_0$  und  $K_0$ 

Für die Ausgangsfunktion ermitteln wir die Minimierung mit dem KV-Diagramm aus Abb. L67.4.



**Abb. L67.4**: KV–Diagramm für Y

Es ergibt sich:

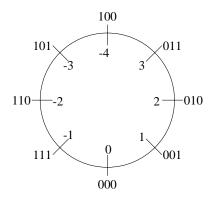
$$Y = \overline{z_2} \, \overline{X} \vee z_1 \, \overline{z_0}$$

7 Computertechnik 221

```
xxxx1000000
        s=
                                   ; x=0 ?
        neq?
                 ytest
>zero
        s=
                 xx110000000
                                   y=0
        clock
        quit
>ytest
                 xxxx0010000
        s=
                                   ; y=0 ?
        eq?
                 zero
        s=
                 xxxx0010100
                                   ; a=y
        clock
        s=
                 11xx1011000
                                   ; x=x+b \rightarrow x=x-1
        clock
                 xxxx1000000
        s=
                                   ; x=0 ?
                 end
        eq?
>mloop
                 xx111110000
        s=
                                   ; y=y+a
        clock
        s=
                 11xx1011000
                                   ; x=x+b -> x=x-1
        clock
                 xxxx1000000
        s=
                                   ; x=0 ?
                 mloop
        neq?
>end
        quit
```

# Lösung der Aufgabe 85: Bereichsüberschreitung beim Zweierkomplement

L.85.1: Den Zahlenkreis für die Zweierkomplementdarstellung zeigt Abb. L85.1.



**Abb. L85.1**: Zahlenkreis für die Zweierkomplementdarstellung einer 3–Bit Zahl

- L.85.2: Bei den folgenden Rechnungen sind x und y die Summanden, c die Überträge und s die Summe:
  - a) Negatives Ergebnis:

Da die Antivalenz der beiden höchsten Überträge *nicht* erfüllt ist, ist das Ergebnis ein gültiger 3–Bit Wert. Es ist negativ, weil das höchste Bit der Summe null ist.

b) Positives Ergebnis:

Da die Antivalenz der beiden höchsten Überträge *nicht* erfüllt ist, ist das Ergebnis ein gültiger 3–Bit Wert. Es ist positiv, weil das höchste Bit der Summe eins ist.

c) Underflow:

Da die Antivalenz der beiden höchsten Überträge erfüllt ist, ist das Ergebnis kein gültiger 3-Bit Wert. Der Zahlenbereich wurde nach "unten" überschritten, es handelt sich um einen *Underflow*.

d) Overflow:

Da die Antivalenz der beiden höchsten Überträge erfüllt ist, ist das Ergebnis kein gültiger 3-Bit Wert. Der Zahlenbereich wurde nach "oben" überschritten, es handelt sich um einen Overflow.

#### Lösung der Aufgabe 86: 8-Bit Subtraktionen im Dualsystem

L.86.1: Die Zahlen können Wert von -128 bis +127 annehmen!

L.86.2: Zuerst bestimmen wir die dualen Darstellungen beider Zahlen und das Zweierkomplement von  $68_{10}$ :

$$\begin{array}{rcl} 115_{10} & = & 0111.0011_2 \\ 68_{10} & = & 0100.0100_2 \\ & & & 1011.1011 + 0000.0001 = 1011.1100 = -68_{10} \end{array}$$

Normalisierung liefert die Teilsumme:

$$0,10038 \cdot 10^{0}$$

2. Addition: Die Angleichung des zweiten Summanden entfällt:

$$(0,10038+0,0025095) \cdot 10^0 = 0,1028895 \cdot 10^0$$

2. Schritt: Addition der Exponenten der beiden Operanden und des Exponenten des (normalisierten) Produktes der Mantissen:

$$(3) + (-2) + (0) = 1$$

Das normalisierte Produkt hat folglich den Wert:

$$0,1028895 \cdot 10^{1}$$

#### Lösung der Aufgabe 94: Branch Target Cache

- L.94.1: Das Programm umfasst vier Befehle, also acht 16-Bit Wörter. Hinzu kommt der Schreibzugriff auf das externe RAM in Zeile 3. Insgesamt wird also neun mal auf das externe RAM zugegriffen.
- L.94.2: Der Branch-Target-Cache speichert neben der Zieladresse eines Sprungs noch einen oder mehrere Befehle ab der Zieladresse des Sprungs. In dieser Aufgabe wird genau ein Befehl des Ziels gespeichert (Befehl Nr.1). Daher sind nur noch sieben Zugriffe auf das externe RAM erforderlich.

### Lösung der Aufgabe 95: Analyse von CISC-Assembler

Der Unterschied einer do- zu einer while-Schleife liegt in der Reihenfolge der Erhöhung der Schleifenvariablen und des Vergleiches auf den Schleifenendwert.

Zur Lösung der Aufgabe müssen wir also nicht den ganzen Code der Assemblerprogramme verstehen, sondern nur auf das Vorkommen von Additions— und Vergleichsbefehlen achten.

Betrachten wir uns das erste Assemblerprogramm, so stellen wir fest, dass der Additionsbefehl addql #1,d0 vor dem Vergleichsbefehl compl d0,d1 ausgeführt wird. Dies entspricht eindeutig der do-Schleife. Umgekehrt kommt beim zweiten Assemblerprogramm erst der Vergleichsbefehl compl d0,d1 zur Ausführung und dann der Additionsbefehl addql #1,d0. Dies entspricht eindeutig der while-Schleife.

Wir halten somit fest: Das Assembler-Programm 1 entspricht der Übersetzung der do-Schleife und das Assembler-Programm 2 der Übersetzung der while-Schleife.